

# Fundamentos de la lógica

## Equivalencias con cuantificadores

$$\nexists x P(x) \equiv \forall x [\neg P(x)]$$

$$\neg[\forall x P(x)] \equiv \exists x [\neg P(x)]$$

$$\forall x [P(x) \wedge Q(x)] \equiv \forall x P(x) \wedge \forall x Q(x)$$

$$\exists x [P(x) \vee Q(x)] \equiv \exists x P(x) \vee \exists x Q(x)$$

$$\exists x P(x) \equiv \neg \forall x [\neg P(x)]$$

$$\forall x P(x) \equiv \nexists x [\neg P(x)]$$

## Proposición abierta de 2 variables

### Proposición cuantificada:

- $\forall x \forall y P(x, y)$



### Verdadera si:

Cualquier valor de  $x$  y cualquier valor de  $y$  satisfacen la proposición.

- $\exists x \forall y P(x, y)$



Existe un valor de  $x$  que con todos los valores de  $y$  satisfacen la proposición.

- $\forall x \exists y P(x, y)$



Para cada valor de  $x$  hay un valor de  $y$  que satisfacen la proposición.  $y$  puede cambiar.

- $\exists x \exists y P(x, y)$



Hay al menos un valor de  $x$  y un valor valor de  $y$  que satisfacen la proposición.